

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import linspace, empty, tanh, meshgrid
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init(x,y) :
13     u_init = 0.5*tanh(1/eps*((x - 0.5)**2 + (y - 0.5)**2 - 0.35**2)) - 0.17
14     return u_init
15
16 # Определение функций, задающих граничные условия 1-го рода (условия Дирихле)
17 def u_left(y,t) :
18     u_left = 0.33
19     return u_left
20
21 def u_right(y,t) :
22     u_right = 0.33
23     return u_right
24
25 def u_top(x,t) :
26     u_top = 0.33
27     return u_top
28
29 def u_bottom(x,t) :
30     u_bottom = 0.33
31     return u_bottom
32
33 # Определение входных данных задачи
34 a = -2.; b = 2.
35 c = -2.; d = 2.
36 t_0 = 0.; T = 5.
37
38 eps = 10**(-1.0)
39
40 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
41 # на которой будет искомое приближённое решение
42 N_x = 50; N_y = 50; M = 500
43
44 # Определение сеток по пространству
45 h_x = (b - a)/N_x; x = linspace(a,b,N_x+1)
46 h_y = (d - c)/N_y; y = linspace(c,d,N_y+1)
47
48 # Определение сетки по времени
49 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
50
51 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
52 u = empty((M + 1,N_x + 1,N_y + 1))
53
54 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
55 for i in range(N_x + 1) :
56     for j in range(N_y + 1) :
57         u[0,i,j] = u_init(x[i],y[j])
58
59 # Задание граничных условий
60 for m in range(1,M + 1) :
61     for j in range(1,N_y) :
62         u[m,0,j] = u_left(y[j],t[m])
63         u[m,N_x,j] = u_right(y[j],t[m])
64     for i in range(0,N_x + 1) :
65         u[m,i,N_y] = u_top(x[i],t[m])
66         u[m,i,0] = u_bottom(x[i],t[m])
67
68 # Реализация поиска приближённого решения
69 # с помощью явной разностной схемы

```

```

70 for m in range(M) :
71     print('m=',m)
72     # Вычисление решения на новом временном слое t_{m+1}
73     for i in range(1,N_x) :
74         for j in range(1,N_y) :
75             u[m+1,i,j] = u[m,i,j] + \
76                 tau*(eps*((u[m,i+1,j] - 2*u[m,i,j] + u[m,i-1,j])/h_x**2 +
77                     (u[m,i,j+1] - 2*u[m,i,j] + u[m,i,j-1])/h_y**2) +
78                     u[m,i,j]*((u[m,i+1,j] - u[m,i-1,j])/(2*h_x) +
79                         (u[m,i,j+1] - u[m,i,j-1])/(2*h_y)) +
80                     u[m,i,j]**3)
81
82 # Анимация отрисовки решения
83 style.use('dark_background')
84 fig = figure()
85 camera = Camera(fig)
86 ax = fig.add_subplot(111,xlim=(a,b), ylim=(c,d))
87 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('y'); ax.set_aspect('equal')
88 X, Y = meshgrid(x,y)
89 for m in range(M + 1) :
90     # Отрисовка решения в момент времени t_m
91     ax.pcolor(X,Y,u[m,:,:],shading='auto')
92     camera.snap()
93 animation = camera.animate(interval=20, repeat=False, blit=True)
94
95 # # Анимация отрисовки решения
96 # style.use('dark_background')
97 # fig = figure()
98 # camera = Camera(fig)
99 # ax = fig.add_subplot(111, projection='3d',xlim=(a,b), ylim=(c,d), zlim=(0.,1.2))
100 # ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('y'); ax.set_zlabel('u')
101 # X, Y = meshgrid(x,y)
102 # for m in range(M + 1) :
103 #     # Отрисовка решения в момент времени t_m
104 #     ax.plot_wireframe(X,Y,u[m,:,:])
105 #     camera.snap()
106 # animation = camera.animate(interval=20, repeat=False, blit=True)
107
108 # Листинг программы, реализующей решение двумерного нелинейного уравнения
109 # типа Бюргера с помощью чисто явной схемы

```