

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, cos, pi
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init_0(x) :
13     if x >= 4 and x <= 6:
14         u_init_0 = cos(pi/2*(x - 5))
15     else:
16         u_init_0 = 0.
17     return u_init_0
18
19 # Определение функции, задающей второе начальное условие
20 def u_init_1(x) :
21     u_init_1 = 0.
22     return u_init_1
23
24 # Определение функции, задающей левое граничное условие
25 def u_left(t) :
26     u_left = 0.
27     return u_left
28
29 # Определение функции, задающей правое граничное условие
30 def u_right(t) :
31     u_right = 0.
32     return u_right
33
34 def g(x,t):
35     g = 0.
36     return g
37
38 # Определение входных данных задачи
39 a = 0.; b = 10.
40 t_0 = 0.; T = 20.0
41 c = 1.
42
43 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
44 # на которой будет искаться приближённое решение
45 N = 500; M = 1000
46
47 # Определение сетки по пространству
48 h = (b - a)/N; x = linspace(a,b,N+1)
49 # Определение сетки по времени
50 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
51
52 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
53 # В строке с номером m этого массива будут храниться сеточные значения решения,
54 # соответствующие моменту времени t_m
55 u = zeros((M + 1,N + 1))
56
57 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
58 for n in range(N + 1) :
59     u[0,n] = u_init_0(x[n])
60
61 # Пересчёт сеточных значений в момент времени t_1
62 # чрез функции u_init_0(x) и u_init_1(x)
63 for n in range(N + 1):
64     u[1,n] = u_init_0(x[n]) + tau*u_init_1(x[n])
65
66 # Задание граничных условий
67 for m in range(1,M + 1) :
68     u[m,0] = u_left(t[m])
69     u[m,N] = u_right(t[m])

```

```

70
71 # Реализация поиска приближённого решения
72 # с помощью явной разностной схемы
73 for m in range(1,M) :
74     # Вычисление решения на новом временном слое t_{m+1}
75     for n in range(1,N) :
76         u[m + 1,n] = -u[m-1,n] + 2*u[m,n] + c**2*tau**2/h**2*(u[m,n+1] - 2*u[m,n] +
77             u[m,n-1]) + tau**2*g(x[n],t[m])
78
79 # Анимация отрисовки решения
80 style.use('dark_background')
81 fig = figure()
82 camera = Camera(fig)
83 ax = axes(xlim=(a,b), ylim=(-2.,2.))
84 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('u')
85 # Отрисовываем только каждый 2-й кадр
86 for m in range(0,M + 1,2) :
87     # Отрисовка решения в момент времени t_m
88     ax.plot(x,u[m], color='y', ls='-', lw=2)
89     camera.snap()
90 animation = camera.animate(interval=15, repeat=False, blit=True)
91
92 # Листинг программы, реализующей решение линейного уравнения
93 # гиперболического типа, описывающего колебание струны
94 # с помощью разностной схемы

```