

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, tanh
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init(x) :
13     u_init = 0.5*tanh((x - x_0)/eps)
14     return u_init
15
16 # Определение функции, задающей левое граничное условие
17 def u_left(t) :
18     u_left = -0.5
19     return u_left
20
21 # Определение функции, задающей правое граничное условие
22 def u_right(t) :
23     u_right = 0.5
24     return u_right
25
26 # Определение входных данных задачи
27 a = 0.; b = 1.
28 t_0 = 0.; T = 6.0
29
30 x_0 = 0.6
31 eps = 10**(-1.5)
32
33 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
34 # на которой будет искомое приближённое решение
35 N = 200; M = 20000
36
37 # Определение сетки по пространству
38 h = (b - a)/N; x = linspace(a,b,N+1)
39 # Определение сетки по времени
40 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
41
42 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
43 # В строке с номером m этого массива будут храниться сеточные значения решения,
44 # соответствующие моменту времени t_m
45 u = zeros((M + 1, N + 1))
46
47 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
48 for n in range(N + 1) :
49     u[0,n] = u_init(x[n])
50
51 # Задание граничных условий
52 for m in range(1, M + 1) :
53     u[m,0] = u_left(t[m])
54     u[m,N] = u_right(t[m])
55
56 # Реализация поиска приближённого решения
57 # с помощью явной разностной схемы
58 for m in range(M) :
59     # Вычисление решения на новом временном слое t_{m+1}
60     for n in range(1, N) :
61         u[m + 1, n] = u[m, n] + eps*tau/h**2*(u[m, n+1] - 2*u[m, n] + u[m, n-1]) +
62             tau/(2*h)*u[m, n]*(u[m, n+1] - u[m, n-1]) + tau*u[m, n]**3
63
64 # Анимация отрисовки решения
65 style.use('dark_background')
66 fig = figure()
67 camera = Camera(fig)
68 ax = axes(xlim=(a,b), ylim=(-1.,1.))
69 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('u')

```

```
69 # Отрисовываем только каждый 30-й кадр
70 for m in range(0, M + 1, 30) :
71     # Отрисовка решения в момент времени t_m
72     ax.plot(x, u[m], color='y', ls='-', lw=2)
73     camera.snap()
74 animation = camera.animate(interval=15, repeat=False, blit=True)
75
76 # Листинг программы, реализующей решение нелинейного уравнения
77 # типа Бюргерса с помощью явной разностной схемы
```