

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, exp, eye, linalg
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init(x) :
13     u_init = -x + 1.
14     return u_init
15
16 # Определение функции, задающей левое граничное условие
17 def u_left(t) :
18     u_left = exp(-t)
19     return u_left
20
21 # Функция f подготавливает массив, содержащий элементы вектор-функции,
22 # определяющей правую часть решаемой системы ОДУ
23 def f(y,t,h,u_left):
24     f = zeros(N)
25     f[0] = -y[0]*(y[0] - u_left(t))/h + exp(y[0]**2)
26     for n in range(1,N):
27         f[n] = -y[n]*(y[n] - y[n - 1])/h + exp(y[n]**2)
28     return f
29
30 # Функция подготавливает массив, содержащий элементы матрицы Якоби f_u
31 def f_y(y,t,h,u_left):
32     f_y = zeros((N,N))
33     f_y[0,0] = (-2*y[0] + u_left(t))/h + 2*y[0]*exp(y[0]**2)
34     for n in range(1,N):
35         f_y[n,n] = (-2*y[n] + y[n - 1])/h + 2*y[n]*exp(y[n]**2)
36         f_y[n,n - 1] = y[n]/h
37     return f_y
38
39 # Определение входных данных задачи
40 a = 0.; b = 1.
41 t_0 = 0.; T = 0.3
42
43 # Определение параметра схемы (нужный раскомментировать)
44 alpha = (1 + 1j)/2 # CROS1 (схема Розенброка с комплексным коэффициентом)
45 # alpha = 1.      # DIRK1 (обратная схема Эйлера)
46
47 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
48 # на которой будет искомое приближённое решение
49 N = 200; M = 300
50
51 # Определение сетки по пространству
52 h = (b - a)/N; x = linspace(a,b,N+1)
53 # Определение сетки по времени
54 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
55
56 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
57 # В строке с номером m этого массива будут храниться сеточные значения решения,
58 # соответствующие моменту времени t_m
59 u = zeros((M + 1,N + 1))
60 # Выделение памяти под вспомогательный массив y
61 y = zeros((M + 1,N))
62
63 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
64 for n in range(N + 1) :
65     u[0,n] = u_init(x[n])
66
67 # Заполнение строки с индексом 0 вспомогательного массива
68 y[0] = u[0,1:N+1]
69

```

```

70 # Реализация схемы из семейства ROS1
71 # (конкретная схема определяется коэффициентом alpha)
72 for m in range(M) :
73     w_1 = linalg.solve(eye(N) - alpha*tau*f_y(y[m],t[m],h,u_left),f(y[m],t[m] +
74         tau/2,h,u_left))
75     y[m + 1] = y[m] + tau*w_1.real
76     u[m + 1,0] = u_left(t[m])
77     u[m + 1,1:N+1] = y[m + 1]
78 # Анимация отрисовки решения
79 style.use('dark_background')
80 fig = figure()
81 camera = Camera(fig)
82 ax = axes(xlim=(a,b), ylim=(0.,3.))
83 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('u')
84 for m in range(M + 1) :
85     # Отрисовка решения в момент времени t_m
86     ax.plot(x,u[m], color='y', ls='-', lw=2)
87     camera.snap()
88 animation = camera.animate(interval=15, repeat=False, blit=True)
89
90 # Листинг программы, реализующей решение нелинейного уравнения переноса
91 # методом прямых

```