

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, exp
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init(x) :
13     u_init = -x + 1.
14     return u_init
15
16 # Определение функции, задающей левое граничное условие
17 def u_left(t) :
18     u_left = exp(-t)
19     return u_left
20
21 # Определение входных данных задачи
22 a = 0.; b = 1.
23 t_0 = 0.; T = 0.3
24
25 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
26 # на которой будет искомое приближённое решение
27 N = 200; M = 300
28
29 # Определение сетки по пространству
30 h = (b - a)/N; x = linspace(a,b,N+1)
31 # Определение сетки по времени
32 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
33
34 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
35 # В строке с номером m этого массива будут храниться сеточные значения решения,
36 # соответствующие моменту времени t_m
37 u = zeros((M + 1,N + 1))
38
39 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
40 for n in range(N + 1) :
41     u[0,n] = u_init(x[n])
42
43 # Задание граничного условия
44 for m in range(1,M + 1) :
45     u[m,0] = u_left(t[m])
46
47 # Реализация схемы бегущего счёта
48 for m in range(M) :
49     # Вычисление решения на новом временном слое t_{m+1}
50     for n in range(1,N + 1) :
51         # Поиск u(x_n, t_{m+1}) методом Ньютона
52         z = u[m + 1,n - 1]
53         for s in range(7) :
54             z = z - ((z - u[m,n])/tau + z*(z - u[m+1,n-1])/h - exp(z**2))\
55                 / (1/tau + (2*z-u[m+1,n-1])/h-2*z*exp(z**2))
56         u[m + 1,n] = z
57
58 # Анимация отрисовки решения
59 style.use('dark_background')
60 fig = figure()
61 camera = Camera(fig)
62 ax = axes(xlim=(a,b), ylim=(0.,3.))
63 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('u')
64 for m in range(M + 1) :
65     # Отрисовка решения в момент времени t_m
66     ax.plot(x,u[m], color='y', ls='-', lw=2)
67     camera.snap()
68 animation = camera.animate(interval=15, repeat=False, blit=True)
69

```

```
70 # Листинг программы, реализующей решение нелинейного уравнения переноса
71 # по схеме бегущего счёта
```