

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, pi, sin
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5  from celluloid import Camera
6
7  # Набор команд, за счёт которых анимация строится в отдельном окне
8  from IPython import get_ipython
9  get_ipython().run_line_magic('matplotlib', 'qt')
10
11 # Определение функции, задающей начальное условие
12 def u_init(x) :
13     if x >= 0 and x <= pi :
14         u_init = sin(x)
15     else:
16         u_init = 0.
17     return u_init
18
19 # Определение функции, задающей левое граничное условие
20 def u_left(t) :
21     u_left = 0.
22     return u_left
23
24 # Определение функции, задающей неоднородность
25 def f(x,t):
26     f = 0.
27     return f
28
29 # Определение входных данных задачи
30 a = 0.; b = 10.
31 t_0 = 0.; T = 6.
32 c = 1.
33
34 # Определение числа интервалов пространственно-временной сетки,
35 # на которой будет искаться приближённое решение
36 N = 200; M = 300
37
38 # Определение сетки по пространству
39 h = (b - a)/N; x = linspace(a,b,N+1)
40 # Определение сетки по времени
41 tau = (T - t_0)/M; t = linspace(t_0,T,M+1)
42
43 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения УЧП
44 # В строке с номером m этого массива будут храниться сеточные значения решения,
45 # соответствующие моменту времени t_m
46 u = zeros((M + 1,N + 1))
47
48 # Задание начального условия (на начальном временном слое)
49 for n in range(N + 1) :
50     u[0,n] = u_init(x[n])
51
52 # Задание граничного условия
53 for m in range(1,M + 1) :
54     u[m,0] = u_left(t[m])
55
56 # Реализация схемы бегущего счёта
57 for m in range(M) :
58     # Вычисление решения на новом временном слое t_{m+1}
59     for n in range(1,N + 1) :
60         u[m + 1,n] = 1/(h + c*tau)*(tau*h*f(x[n],t[m]) + h*u[m,n] + c*tau*u[m+1,n-1])
61
62 # Анимация отрисовки решения
63 style.use('dark_background')
64 fig = figure()
65 camera = Camera(fig)
66 ax = axes(xlim=(a,b), ylim=(0.,1.))
67 ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('u')
68 for m in range(M + 1) :
69     # Отрисовка решения в момент времени t_m

```

```
70     ax.plot(x,u[m], color='y', ls='-', lw=2)
71     camera.snap()
72     animation = camera.animate(interval=15, repeat=False, blit=True)
73
74     # Листинг программы, реализующей решение линейного уравнения переноса
75     # по схеме бегущего счёта
```