

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace, linalg, eye
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5
6  def f(gamma) :
7      u = ODESolving(a,b,N,u_left,gamma,eps)
8      return u[N] - u_right
9
10 def DichotomyMethod(f,delta,N_max) :
11
12     # Выделение памяти под массив значений gamma и значений функции f(gamma)
13     gamma = zeros(N_max)
14     function_value = zeros(N_max)
15
16     # Задание начальных приближений для метода дихотомии
17     gamma[0] = -10.; gamma[1] = 10.
18
19     # Вычисление значений функции f(gamma) в точках,
20     # определяющих начальные приближения для gamma
21     function_value[0] = f(gamma[0])
22     function_value[1] = f(gamma[1])
23
24     # Реализация итерационного процесса метода дихотомии
25     s = 1
26     while abs(gamma[s] - gamma[s-1]) > delta :
27         gamma[s+1] = (gamma[s] + gamma[s-1])/2
28         function_value[s+1] = f(gamma[s+1])
29         if function_value[s+1]*function_value[s-1] < 0 :
30             gamma[s] = gamma[s-1]
31             function_value[s] = function_value[s-1]
32         elif function_value[s+1] == 0 :
33             s = s + 1
34             break
35         s = s + 1
36
37     return gamma[s]
38
39 def ODESolving(a,b,N,u_left,gamma,eps) :
40
41     # Определение шага сетки
42     h = (b - a)/N
43     # Выделение памяти под массив сеточных значений решения ОДУ
44     y = zeros((2,N + 1))
45     # Задание начальных условий
46     y[:,0] = [u_left, gamma]
47
48     def f(y,eps) :
49         f = zeros(2)
50         f[0] = y[1]
51         f[1] = 1/eps*(y[0]*y[1] + y[0])
52         return f
53
54     def f_y(y,eps) :
55         f_y = zeros((2,2))
56         f_y[0,0] = 0.; f_y[0,1] = 1.
57         f_y[1,0] = 1/eps*(y[1] + 1); f_y[1,1] = 1/eps*y[0]
58         return f_y
59
60     # Реализация схемы из семейства ROS1
61     # конкретная схема определяется коэффициентом alpha
62     alpha = (1 + 1j)/2
63     for n in range(N) :
64         w_1 = linalg.solve(eye(2) - alpha*h*f_y(y[:,n],eps), f(y[:,n],eps))
65         y[:,n + 1] = y[:,n] + h*w_1.real
66
67     return y[0,:]
68
69 # Определение входных данных задачи

```

```
70 a = 0.; b = 1.; eps = 0.1
71 u_left = 4.; u_right = -3.5
72
73 # Определение числа интервалов сетки,
74 # на которой будет искомое приближённое решение
75 N = 50
76
77 # Точность, с которой ищется решение уравнения  $f(x) = 0$  методом дихотомии
78 delta = 1e-12
79 # Максимальное число итераций в методе дихотомии
80 N_max = 50
81
82 # Поиск оптимального параметра стрельбы  $\gamma$  с помощью метода дихотомии
83 gamma = DichotomyMethod(f,delta,N_max)
84 # Вычисление решения для найденного параметра  $\gamma$ 
85 u = ODESolving(a,b,N,u_left,gamma,eps)
86
87 # Отрисовка решения
88 style.use('dark_background')
89
90 fig1 = figure()
91 ax1 = axes(xlim=(a,b), ylim=(-6.,8.))
92 ax1.set_xlabel('x'); ax1.set_ylabel('y');
93 ax1.plot(linspace(a,b,N+1),u,'-ow',markersize=5)
94
95 # Листинг программы, реализующей приближённое решение краевой задачи
96 # для ОДУ второго порядка с помощью метода стрельбы
```