

```

1  #! python3.7
2  # -*- coding: utf-8 -*-
3  from numpy import zeros, linspace
4  from matplotlib.pyplot import style, figure, axes
5
6  # Функция f подготавливает массив, содержащий элементы вектор-функции,
7  # определяющей правую часть решаемой системы ОДУ
8  def f(u,t,m_sun,G) :
9      f = zeros(4)
10     f[0] = u[2]
11     f[1] = u[3]
12     f[2] = - G*m_sun*u[0]/(u[0]**2 + u[1]**2)**(3/2)
13     f[3] = - G*m_sun*u[1]/(u[0]**2 + u[1]**2)**(3/2)
14     return f
15
16 # Определение входных данных задачи
17 t_0 = 0.; T = 365.25*24*60*60
18 x_0 = 147098291*10**3; y_0 = 0.
19 v_x_0 = 0.; v_y_0 = 30.4*10**3
20 G = 6.674301515151515*10**(-11)
21 m_sun = 1.98847*10**30
22
23 # Определение числа интервалов сетки,
24 # на которой будет искаться приближённое решение
25 M = 365
26
27 # Определение схемы ERKs, которая будет использоваться для расчётов
28 # (далее необходимо раскомментировать требуемый набор коэффициентов)
29
30 # s = 1 # ERK1
31 # b = zeros(s); a = zeros((s,s)); c = zeros(s)
32 # b[0] = 1.; c[0] = 1/2
33
34 s = 2 # ERK2
35 b = zeros(s); a = zeros((s,s)); c = zeros(s)
36 b[0] = 1/4; b[1] = 3/4;
37 a[1,0] = 2/3; c[0] = 0.; c[1] = 2/3
38
39 # s =3 # ERK3
40 # b = zeros(s); a = zeros((s,s)); c = zeros(s)
41 # b[0] = 2/9; b[1] = 1/3; b[2] = 4/9
42 # a[1,0] = 1/2; a[2,0] = 0.; a[2,1] = 3/4; c[0] = 0.; c[1] = 1/2; c[2] = 3/4
43
44 # s = 4 # ERK4
45 # b = zeros(s); a = zeros((s,s)); c = zeros(s)
46 # b[0] = 1/6; b[1] = 1/3; b[2] = 1/3; b[3] = 1/6
47 # a[1,0] = 1/2; a[2,0] = 0.; a[2,1] = 1/2; a[3,0] = 0.; a[3,1] = 0.; a[3,2] = 1.
48 # c[0] = 0.; c[1] = 1/2; c[2] = 1/2; c[3] = 1.
49
50 # Определение сетки
51 tau = (T - t_0)/M
52 t = linspace(t_0,T,M + 1)
53
54 # Выделение памяти под массив сеточных значений решения системы ОДУ
55 # В строке с номером m этого массива хранятся сеточные значения решения,
56 # соответствующие моменту времени t_m
57 u = zeros((M + 1,4))
58
59 # Задание начальных условий
60 # (записываются строку с номером 0 массива u)
61 u[0] = [x_0, y_0, v_x_0, v_y_0]
62
63 # Реализация схемы ERKs
64 # (отметим, что во вспомогательных массивах adjustment_1,2 и w
65 # размерность 4 соответствует числу компонент вектор-функции f)
66 for m in range(M) :
67     w = zeros((s,4))
68     for k in range(s) :
69         adjustment_1 = zeros(4)

```

```
70     for l in range(k) :
71         adjustment_1 = adjustment_1 + a[k,l]*w[l]
72         w[k] = f(u[m] + tau*adjustment_1,t[m] + tau*c[k],m_sun,G)
73     adjustment_2 = zeros(4)
74     for k in range(s) :
75         adjustment_2 = adjustment_2 + b[k]*w[k]
76         u[m + 1] = u[m] + tau*adjustment_2
77
78 # Отрисовка решения
79 style.use('dark_background')
80
81 fig = figure()
82 ax = axes(xlim=(-2*10**11,2*10**11), ylim=(-2*10**11,2*10**11))
83 ax.set_aspect('equal'); ax.set_xlabel('x'); ax.set_ylabel('y');
84 ax.plot(0,0,'yo',markersize=15)
85 ax.plot(u[:,0],u[:,1],'-w',markersize=5)
86 ax.plot(u[M,0],u[M,1], color='w', marker='o', markersize=7)
87 ax.set_title('Траектория движения Земли')
88
89 # Листинг программы, реализующей решение системы ОДУ
90 # с помощью одной из схем семейства схем Рунге-Кутты ERKs
91 # (на примере моделирования движения Земли вокруг Солнца)
92 # (результатом является траектория Земли)
```