

```

1  from numpy import *
2  from matplotlib.pyplot import *
3
4  # Функция f возвращает значение правой части решаемого ОДУ
5  def f(u):
6      f = u**2
7      return f
8
9  # Функция f_u возвращает значение частной производной f_u
10 def f_u(u):
11     f_u = 2*u
12     return f_u
13
14 # Функция реализует решение ОДУ на сетке с M интервалами
15 # по схеме, определяемой параметром alpha
16 def ODESolving(t_0,T,u_0,M,alpha):
17     # Определение сетки
18     tau = (T - t_0)/M
19     t = linspace(t_0,T,M + 1)
20     # Выделение памяти под массив сеточных значений решения ОДУ
21     u = zeros(M + 1)
22     # Задание начального условия
23     u[0] = u_0
24     # Реализация схемы из семейства ROS1
25     # конкретная схема определяется коэффициентом alpha
26     for m in range(M):
27         w_1 = f(u[m])/(1 - alpha*tau*f_u(u[m]))
28         u[m + 1] = u[m] + tau*w_1.real
29     return t, u
30
31 # Определение входных данных задачи
32 t_0 = 0.; T = 2.; u_0 = 1.
33
34 # Определение числа интервалов сетки,
35 # на которой будет искаться приближённое решение
36 M = 50
37
38 # Вычисление и отрисовка решения
39 figure()
40 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,M,0.)
41 plot(t,u,'-ro',markersize=5,label='ERK1')
42 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,M,0.5)
43 plot(t,u,'-yo',markersize=5,label='KN')
44 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,M,1.)
45 plot(t,u,'-bo',markersize=5,label='DIRK1')
46 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,M,(1+1j)/2)
47 plot(t,u,'-go',markersize=5,label='CROS1')
48 title('График u(t)')
49 xlabel('t'); ylabel('u')
50 xlim((t_0,T)); ylim((-30,30))
51 legend()

```

Комментарий к файлу:

Листинг программы, реализующей поиск решения задачи Коши, решение которой существует не на всём промежутке $[t_0, T]$.