

```

1  % Определение входных данных задачи
2  t_0 = 0; T = 2; u_0 = 1;
3
4  % Определение числа интервалов сетки,
5  % на которой будет искомое приближённое решение
6  M = 50;
7
8  % Вычисление и отрисовка решения
9  figure()
10 [t,u] = ODESolving(t_0,T,u_0,M,0); % ERK1
11 plot(t,u,'-ro','MarkerSize',5); hold on;
12 [t,u] = ODESolving(t_0,T,u_0,M,0.5); % схема с полусуммой
13 plot(t,u,'-mo','MarkerSize',5); hold on;
14 [t,u] = ODESolving(t_0,T,u_0,M,1); % обратный Эйлера
15 plot(t,u,'-bo','MarkerSize',5); hold on;
16 [t,u] = ODESolving(t_0,T,u_0,M,(1 + 1i)/2); % CROS1
17 plot(t,u,'-go','MarkerSize',5); hold on;
18 title('График u(t)');
19 xlabel('t'); ylabel('u');
20 axis([t_0 T -30 30]);
21 legend('ERK1','KN','DIRK1','CROS1','Location','southeast')
22
23 function f_res = f(u)
24     % Функция f возвращает значение правой части решаемого ОДУ
25     f_res = u^2;
26 end
27
28 function f_u_res = f_u(u)
29     % Функция f_u возвращает значение частной производной f_u
30     f_u_res = 2*u;
31 end
32
33 function [t,u] = ODESolving(t_0,T,u_0,M,alpha)
34     % Функция реализует решение ОДУ на сетке с M интервалами
35     % по схеме, определяемой параметром alpha
36
37     % Определение сетки
38     tau = (T - t_0)/M;
39     t = t_0:tau:T;
40     % Выделение памяти под массив сеточных значений решения ОДУ
41     u = zeros(1,M + 1);
42     % Задание начального условия
43     u(1) = u_0;
44     % Реализация схемы из семейства ROS1
45     % Конкретная схема определяется коэффициентом alpha
46     for m = 1:M
47         w_1 = f(u(m))/(1 - alpha*tau*f_u(u(m)));
48         u(m + 1) = u(m) + tau*real(w_1);
49     end
50 end
51

```

Комментарий к файлу:

Листинг программы, реализующей поиск решения задачи Коши, решение которой существует не на всём промежутке  $[t_0, T]$ .