

```

1  from numpy import *
2  from matplotlib.pyplot import *
3
4  # Функция f возвращает значение правой части решаемого ОДУ
5  def f(u,t,lambd):
6      f = lambd*u*(t - u)
7      return f
8
9  # Функция f_u возвращает значение частной производной f_u
10 def f_u(u,t,lambd):
11     f_u = lambd*(t - 2*u)
12     return f_u
13
14 # Функция реализует решение ОДУ на сетке с M интервалами
15 # по схеме, определяемой параметром alpha
16 def ODESolving(t_0,T,u_0,lambd,M,alpha):
17     # Определение сетки
18     tau = (T - t_0)/M
19     t = linspace(t_0,T,M + 1)
20     # Выделение памяти под массив сеточных значений решения ОДУ
21     u = zeros(M + 1)
22     # Задание начального условия
23     u[0] = u_0
24     # Реализация схемы из семейства ROS1
25     # конкретная схема определяется коэффициентом alpha
26     for m in range(M):
27         w_1 = f(u[m],t[m] + tau/2,lambd)\
28             /(1 - alpha*tau*f_u(u[m],t[m],lambd))
29         u[m + 1] = u[m] + tau*w_1.real
30     return t, u
31
32 # Определение входных данных задачи
33 t_0 = -1.; T = 2.
34 u_0 = 3.; lambd = 10.
35
36 # Определение числа интервалов сетки,
37 # на которой будет искаться приближённое решение
38 M = 50
39
40 # Отрисовка решения
41 figure()
42 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,lambd,M,0.)
43 plot(t,u,'-ro',markersize=5,label='ERK1')
44 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,lambd,M,0.5)
45 plot(t,u,'-yo',markersize=5,label='KN')
46 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,lambd,M,1.)
47 plot(t,u,'-bo',markersize=5,label='DIRK1')
48 t, u = ODESolving(t_0,T,u_0,lambd,M,(1+1j)/2)
49 plot(t,u,'-go',markersize=5,label='CROS1')
50 title('График u(t)')
51 xlabel('t'); ylabel('u')
52 xlim((t_0,T)); ylim((0,u_0))
53 legend()

```

Комментарий к файлу:

Листинг программы, реализующей решение модельного жёсткого ОДУ с помощью различных схем из одностадийного семейства схем Розенброка-Ванера.